## UNIVERSIDAD NACIONAL DE ASUNCIÓN FACULTAD POLITÉCNICA LICENCIATURA EN CIENCIAS ATMOSFÉRICAS PLAN 2007

### PROGRAMA DE ESTUDIOS

Resolución Nº 17/20/06-00 Acta Nº 1008/25/09/2017 - ANEXO 01

# I. - IDENTIFICACIÓN

Asignatura : Cálculo IV Tercero Nivel 2. 3. Horas semanales : 6 horas 3.1. Clases teóricas : 4 horas 32 Clases prácticas : 2 horas Total real de horas disponibles : 96 horas Clases teóricas 41 : 64 horas 4.2. Clases prácticas : 32 horas

### II. - JUSTIFICACIÓN

En esta asignatura se introducen los conceptos del álgebra vectorial, estudiando así, los números reales en el espacio vectorial, las rectas en el espacio n- dimensional y las propiedades de las rectas y las funciones vectoriales. La importancia de esta parte de las matemáticas radica principalmente en que permite relacionar conceptos matemáticos con aplicaciones físicas en especial en las funciones vectoriales, como ser el espacio, la velocidad, la aceleración, la fuerza, la potencia, entre otros.

#### III. - OBJETIVOS

- Utilizar con destreza las operaciones con vectores
- 2. Resolver ejercicios y problemas aplicando la derivación vectorial
- 3. Aplicar el operador nabla en la solución de ejercicios
- 4. Aplicar la integración vectorial y los teoremas pertinentes en la solución e interpretación de problemas
- 5. Utilizar las coordenadas curvilíneas en la solución de problemas.

### IV. - PRE-REQUISITO

Cálculo II

## V. - CONTENIDO

### 5.1. Unidades programáticas

- Álgebra vectorial.
- Diferenciación vectorial.
- 3. Operaciones diferenciales.
- Integración vectorial.
- 5. Coordenadas curvilíneas.

## 5.2. Desarrollo de las unidades programáticas

- Álgebra vectorial
  - 1.1. Operaciones con vectores
  - 1.2. Leyes del álgebra vectorial
  - 1.3. Vector unitario
  - 1.4. Vectores trirrectangulares
  - 1.5. Vectores componentes
  - 1.6. Campo escalar
  - 1.7. Campo vectorial
  - 1.8. Producto escalar
  - 1.9. Producto vectorial
  - 1.10. Sistema de vectores recíprocos
- 2. Diferenciación vectorial
  - 2.1. Derivada de un vector
  - 2.2. Curvas en el espacio
  - 2.3. Derivadas parciales de un vector
  - 2.4. Diferencial de un vector
  - 2.5. Geometría diferencial
- 3. Operaciones diferenciales
  - 3.1. Operador diferencial vectorial nabla
  - 3.2. Gradiente
  - 3.3. Divergencia
  - 3.4. Rotacional
  - 3.5. Fórmulas en las que interviene el operador nabla
  - 3.6. Invarianza
- 4. Integración vectorial
  - 4.1. Integral de un vector



- 4.2. Integral curvilínea
- 4.3. Integral de superficie
- 4.4. Integral triple
- 4.5. Integral de volumen
- 4.6. Operaciones integrales
  - 4.6.1. Teorema de la divergencia de gauss
  - 4.6.2. Teorema de Green en el plano
  - 4.6.3. Teoremas generales de integrales
  - 4.6.4. Forma integral del operador nabla
  - 4.6.5. Teorema rotacional de Stokes
- 5. Coordenadas curvilíneas
  - 5.1. Transformación de coordenadas
  - 5.2. Coordenadas curvilíneas ortogonales
  - 5.3. Vectores unitarios en el sistema de coordenadas curvilíneas
  - 5.4. Elementos de línea y de volumen
  - 5.5. Gradiente, divergencia y rotacional
  - 5.6. Sistemas de coordenadas ortogonales
    - 5.6.1. Coordenadas cilíndricas
    - 5.6.2. Coordenadas esféricas
    - 5.6.3. Coordenadas cilíndricas parabólicas
    - 5.6.4. Coordenadas paraboloidales
    - 5.6.5. Coordenadas cilíndricas elípticas
    - 5.6.6. Coordenadas esferoidales alargadas
    - 5.6.7. Coordenadas esferoidales achatadas
    - 5.6.8. Coordenadas elipsoidales
    - 5.6.9. Coordenadas bipolares

#### VI. - ESTRATEGIAS METODOLÓGICAS

- 1. Exposición de la teoría con diferentes técnicas.
- 2. Técnicas individuales y grupales para resolución de ejercicios.
- 3. Elaboración y Presentación de trabajos prácticos.

### VII. - MEDIOS AUXILIARES

- 1. Pizarra
- 2. Marcadores.
- Borrador de pizarra.
- 4. Material bibliográfico.
- 5. Equipo multimedia

### VIII. - EVALUACIÓN

El aprendizaje y conocimiento adquirido por el alumno se medirá por medio de dos exámenes parciales y el profesor podrá requerir la presentación de trabajos prácticos, de cuyo promedio, conforme a la reglamentación de escalas, permitirá o no al alumno acceder al examen final, donde será evaluado sobre el total del contenido programático de la asignatura.

## IX. - BIBLIOGRAFÍA

- Marsden ,De Jerold..Cálculo vectorial Problemas resueltos/De JeroldMarsden ,Antony J. Tromba; Estados Unidos:Addison-Wesley Iberoamericana,S.A.,1993.-222p
- □ Willie, C. R. (1982). Matemáticas superiores para ingeniería. México. McGRAW-HILL.

# MATERIALES BIBLIOGRÁFICOS DISPONIBLES EN LA BIBLIOTECA DE LA FACULTAD POLITÉCNICA

- Apostol, T. M. (1980). Calculus. Barcelona: Reverté.
- ☐ Kreyszing, E. (1979). Matemáticas avanzadas para ingeniería. México: LIMUSA.
- ☐ Spiegel,M. R. (1999). Análisis vectorial y una introducción al análisis tensorial. México:Mc Graw-Hill.
- □ Willie, C. R. (1982). Matemáticas superiores para ingeniería. México. McGRAW-HILL.
- □ Zill, D. G. (2009). Ecuaciones diferenciales con aplicaciones de modelado. Mexico: CENGAGE Learning

## RECURSOS DISPONIBLES A TRAVÉS CICCO - CONACYT

- □ Acevedo, M. F., &Raventós, J. (2004). CAPÍTULO 2: REPASO DE CÁLCULO DIFERENCIAL. Dinámica Y Manejo DePoblaciones: Modelos Unidimensionales, 13-39.
- □ Bonnet Jerez, J. L. (2003). Cálculoinfinitesimal: esquemas teóricos para estudiantes de ingeniería y cienciaexperimentales. Alicante: Digitalia.
- Schlichenmaier, M. (2014). Krichever–NovikovTypeAlgebras: TheoryandApplications. Berlin: De Gruyter.